

Bemerkung zu den Texten und Bildern, die in der Vorlesung gezeigt wurden:

Aus urheberrechtlichen Gründen könne die aus Büchern kopierten Abbildungen hier nicht eingeschlossen werden. Sie sind jeweils zitiert und sind aus folgenden Büchern entnommen:

Bergmann.Schäfer, Lehrbuch der Experimentalphysik, Band 1, Walter de Gruyter Berlin 1998

G.S. Campbell An introduction to environmental Biophysics

Springer New York, 1977

Denis and Pierson the speech chain

D.C. Giancoli, Physics, Principles with applications

Prentice Hall, Englewood cliffs, 1980

W. Hoppel et al. Biophysik, Springer Berlin 1978

H. Horvath Biologische Physik, HPT&BV, 2003

J.L. Montheit. Grundzüge der Umweltphysik, Steinkopf, Darmstadt 1978

R.W.Pohl Einführung in die Physik, Band 1, mechanik, Akustik, Wärmelehre

Springer Berlin 1941

J. Schreiner Physik I, HPT&BV, Wien, 1982

Scientific American, monatlich erscheinende Zeitschrift

P.A. Tipler, Physik. Spektrum Verlag, Heidelberg 1991

H. Vogel, Gehrtsen Physik Springer Berlin, 1995

Die gezeigten Applets können bei <http://www.walter-fendt.de> angesehen werden

# GRÖSSENVERÄNDERUNG (Scaling)

Warum gibt es keine Rieseninsekten (außer in Science Fiction), warum werden kleine Tiere nicht das Opfer der viel kräftigeren großen, Warum schlägt das Herz kleinerer Tiere viel schneller, etc.

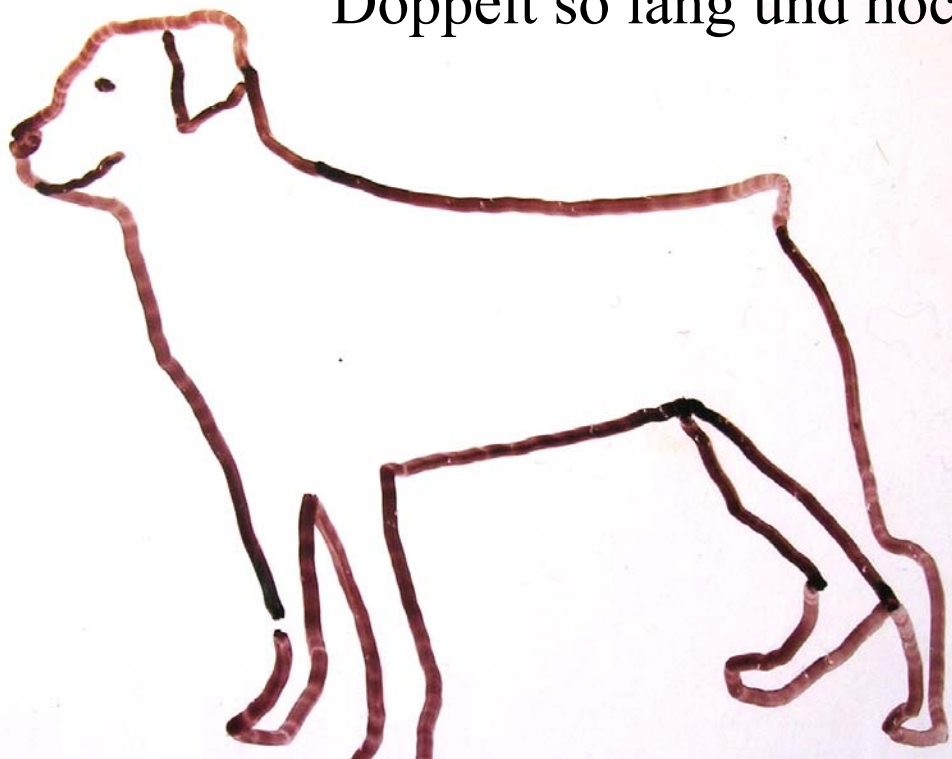
Diese Frage läßt sich leicht mit Größenbetrachtungen beantworten:

Wir nehmen an, daß alle Tiere ähnlich gebaut sind, d.h. eine doppelt so langes Tier ist auch doppelt so breit und doppelt so hoch.

Original



Doppelt so lang und hoch



Nur doppelt so lang

Wird nicht betrachtet

Viele Größen sind proportional zueinander zB Masse und Preis:

1 kg Äpfel ..... 1 €  
2 kg ..... 2 €  
4 kg ..... 4 €

$$P = k \cdot M \text{ oder } P \propto M$$

proportional zu

Rechenregeln für Proportionalitäten

Falls  $a \propto b$  und  $b \propto c \longrightarrow a \propto c$

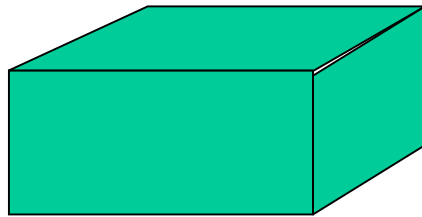
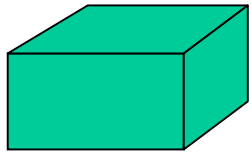
1 kg Äpfel ..... 1 €	1 € ..... 110¥
2 kg ..... 2 €	2 € ..... 220¥
4 kg ..... 4 €	4 € ..... 440¥

1 kg Äpfel ..... 110 ¥
2 kg ..... 220 ¥
4 kg ..... 440 ¥

Falls  $a \propto b$  und  $c \propto d \longrightarrow a \cdot c \propto b \cdot d$

Falls  $a \propto b$  und  $c \propto d \longrightarrow \frac{a}{c} \propto \frac{b}{d}$

Betrachte verschieden große Quader die zueinander ähnlich sind



Die Größe des Quaders wird durch seine Länge  $l$  charakterisiert  
---> charakteristische Größe  $l$

$$b = k_1 \cdot l$$

$$h = k_2 \cdot l$$

$$b \propto l$$

$$h \propto l$$

---

$$l \cdot b \cdot h = k_1 \cdot k_2 \cdot l^3$$

$$V \propto l^3$$

Breite in Höhe sind  
proportional zur  
charakteristischen  
Größe

Allgemein  $V \propto l^3$ ,  $A \propto l^2$ .

$m = \rho \cdot V$ , daher  $m$  proportional zu  $V$

Biologisches Material hat bei allen Lebewesen dieselbe Dichte, daher ist die Masse proportional zu  $l^3$

Wir betrachten den Vorgang des Springens. Durch Abstoßen vom Boden wird eine Absprunggeschwindigkeit  $v_0$  erreicht. Die Sprunghöhe ergibt sich aus (siehe früher)

$$h = \frac{v_0^2}{2g}$$

Die Absprunggeschwindigkeit wird durch Beschleunigen mit der Beschleunigung  $a$  durch Muskelkraft  $F$  erreicht: Es ist

$$a = \frac{F}{m}$$

Durch Beugen und Strecken der Beine steht eine Beschleunigungsstrecke  $\Delta s$  zur Verfügung. Es ist (siehe früher)

$$v_0 = \sqrt{2a\Delta s}$$

Die Muskel aller Lebewesen sind nach demselben Prinzip gebaut. Ein Sarkomer hat denselben Querschnitt und entwickelt dieselbe Kraft.

Die Kraft hängt nur von der Zahl der kontrahierenden Sarkomere ab, d.h. von der Querschnittsfläche  $A$  des Muskels

$$F \propto A \propto l^2$$

Außerdem ist:  $m \propto l^3$

Daher:  $\longrightarrow a = \frac{F}{m} \propto \frac{l^2}{l^3}$

Die Beschleunigungsstrecke hängt von der Körpergröße ab und ist proportional zu ihr:  $\Delta s \propto l$

Daher ist die Absprunggeschwindigkeit  $v_0$

$$\longrightarrow v_0 = \sqrt{2a\Delta s} \propto \sqrt{l^{-1} \cdot l} = l^0$$

Die Absprunggeschwindigkeit ist unabhängig von der Körpergröße, daher auch die Sprunghöhe (jene Höhe durch die der Schwerpunkt durch Abstoßen vom Boden gehoben werden kann)



Abb. 6.2 Biologische Physik

Tragen einer Last: Die Muskelkraft  $F$  muß der Schwerkraft  $m_t \cdot g$  der getragenen Masse  $m_t$  entgegengesetzt sein

$$F \propto l^2 \quad \text{Daher ist die maximal tragbare Last} \quad m_t \propto l^2$$

$$\text{Die Körpermasse} \quad m_K \propto l^3$$

Somit  $\frac{m_t}{m_K} \propto \frac{l^2}{l^3} = l^{-1}$  Je größer das Tier, desto weniger Masse, kann es im Vergleich zu seiner Körpermasse tragen.

Vergleich Mensch - Ameise

$$\frac{\left(\frac{m_t}{m_K}\right)_{\text{Ameise}}}{\left(\frac{m_t}{m_K}\right)_{\text{Mensch}}} = \frac{l_{\text{Ameise}}^{-1}}{l_{\text{Mensch}}^{-1}} = \frac{l_{\text{Mensch}}}{l_{\text{Ameise}}}$$

Laufen: Beim Laufen müssen die Beine beschleunigt und abgebremst werden.

Die Muskelarbeit ist  $\Delta W = F \cdot \Delta s \propto l^2 \cdot l = l^3$

Diese wird verwendet um das Bein in Rotation zu versetzen, die Muskelarbeit wird in Rotationsenergie umgewandelt

$$E_r = \frac{I \cdot \omega^2}{2}$$

Das Trägheitsmoment  $I$  ist  $I = \sum \Delta m_i \cdot r_i^2 \propto l^3 \cdot l^2 = l^5$

Das Bein führt eine Drehbewegung aus, daher ist

$$\omega = \frac{v}{r} \propto \frac{v}{l} = v \cdot l^{-1}$$

Die Rotationsenergie im bewegten Bein ist daher

$$\rightarrow E_r = \frac{I \cdot \omega^2}{2} \propto (v \cdot l^{-1})^2 \cdot l^5 = v^2 \cdot l^3$$

Die Muskelarbeit schafft  $\Delta W \propto l^3$

--> Laufgeschwindigkeit aller Tiere muß dieselbe sein

Abb. 6.2 Biologische Physik

Bei einem Schritt wird die Rotationsenergie 4 x umgesetzt. Die Leistung ist

$$P = \frac{E_R}{\Delta t}$$

Die Zeit für einen Schritt ergibt sich aus

$$\Delta t = \frac{\text{Schrittlänge}}{v} \propto \frac{l}{v}$$

$$\longrightarrow P \propto \frac{v^2 \cdot l^3}{\frac{l}{v}} = l^2 \cdot v^3$$

Rasches Laufen ist anstrengend, wegen der raschen Bewegung der Beine.

Beim Radfahren werden die Beine weniger rasch bewegt

Nicht immer ist es möglich ein Lebewesen anderer Größe mit demselben Körperbau zu haben.

Betrachte Last, die ein Knochen aushalten muß.

Im wesentlichen die Körpermasse, beim Springen mehr, aber proportional zur Körpermasse. Beim üblichen "Betrieb" maximal die 10-fache Schwerkraft.

$$m \propto l^3$$

Die Kraft, die ein Knochen maximal aushält, hängt vom Querschnitt ab und ist  $F = \sigma_{\max} \cdot Q$

Daher muß sein  $Q \propto l^3$

Die Dicke des Knochens:  $d \propto \sqrt{Q} \propto \sqrt{l^3} = l^{1.5}$

Knochendicke nimmt stärker zu als die Körpergröße

Vergleich Elefant - Reh, oder Grashalm - Sequoia





Vergrößerte Insekten in Menschengröße kann es nicht geben

**Blutkreislauf:** Blut transportiert Wärme aus dem Körperinneren an die Oberfläche, wo sie abgegeben wird. Die abgegebene Wärmeleistung  $P$  ist proportional zur Körperoberfläche  $A$

$A \propto l^2$       Daher ist die Wärmeabgabe  $\propto l^2$

$m \propto l^3$     oder     $\sqrt[3]{m} \propto l$     oder     $l \propto m^{\frac{1}{3}}$

$$P \propto m^{\frac{2}{3}}$$

Metabolische Rate

Abbildung aus dem Buch "Scaling"

Herzvolumen

$$V_h \propto l^3$$

Transportierte Blutmenge

$$\dot{V} \propto l^2$$

Herzfrequenz

$$f = \frac{\dot{V}}{V_h} \propto \frac{l^2}{l^3} = l^{-1}$$

Kleine Tiere haben höhere Herzfrequenz

Abb. 6.3 Biologische Physik

Lebensdauer T: Alle Muskel sind gleich gebaut. Sie halten eine bestimmte Anzahl vom Muskelkontraktionen aus.

$$T \propto l$$



Abb. 6.3 Biologische Physik

Nahrung zur Aufrechterhaltung der Körpertemperatur

Abgegebene Wärmemenge pro Zeit

$$P \propto l^2$$

Daher aufzunehmende Nahrung pro Tag

$$m_{\text{Nahrung}} \propto l^2$$

$$\frac{m_{\text{Nahrung}}}{m_{\text{Körper}}} \propto \frac{l^2}{l^3} = l^{-1}$$

Je kleiner das Lebewesen,  
desto mehr Nahrung benötigt  
es in bezug auf seine  
Körpermasse

$$\frac{\left(\frac{m_{\text{Nahrung}}}{m_{\text{Körper}}}\right)_{\text{Maus}}}{\left(\frac{m_{\text{Nahrung}}}{m_{\text{Körper}}}\right)_{\text{Mensch}}} = \frac{l_{\text{Mensch}}}{l_{\text{Maus}}}$$

$$\left(\frac{m_{\text{Nahrung}}}{m_{\text{Körper}}}\right)_{\text{Maus}} = \frac{1\text{kg}}{50\text{kg}} \cdot \frac{1,6\text{m}}{0,05\text{m}} = 0,64$$

Ab einer bestimmten Körperkleinheit keine Warmblüter, keine  
Kleinsäuger in kalten Gebieten



Fliegen: Auftrieb der Flügel muß die Schwerkraft kompensieren

$$F_A \propto m \propto l^3$$

$$F_A = \frac{1}{2} \rho v^2 A \cdot c_A \propto A_{\text{Flügel}}$$

Alle Vögel können gleich schnell fliegen, das sonst die Kleinen oder Grossen ausgerottet

$$A_{\text{Flügel}} \propto l^3$$

Spannweite  $d$  der Flügel

$$d \propto \sqrt{A} \propto l^{1,5}$$

Flügelgröße nimmt überproportional zur Körpergröße zu

Wanderfalke

Seeadler

## Leistung beim Fliegen

$$P = \frac{F \cdot \Delta s}{\Delta t} = F_W \cdot v$$

$$F_A = \frac{1}{2} \rho v^2 A \cdot c_A$$

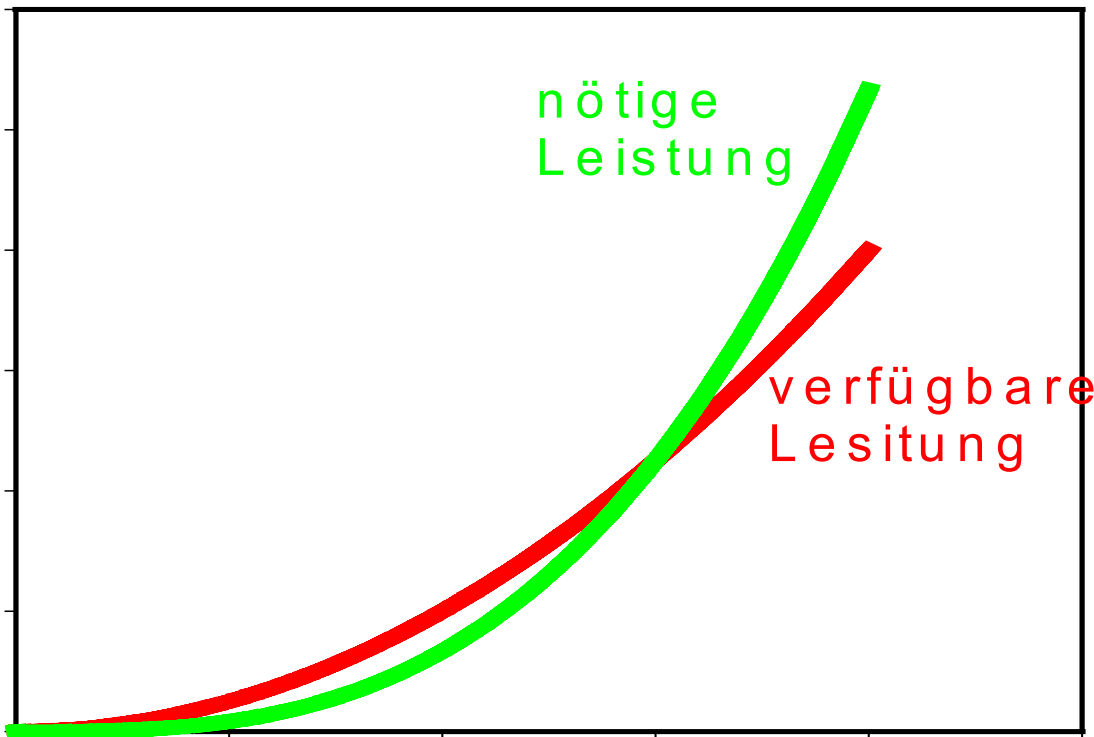
$$F_W = \frac{1}{2} \rho v^2 A \cdot c_W$$

$$F_W \propto F_A \propto l^3$$

Bei gleicher Fluggeschwindigkeit  $v = \text{const}$ :

$$P_{\text{nötig für Flug}} \propto l^3$$

Von früher:  $P_{\text{max}} \approx 10 \cdot P_{\text{metabolic}} \propto l^2$



Ab einer bestimmten Größe, können Vögel nicht mehr fliegen, Große Vögel segeln hauptsächlich im Aufwind